〈一般研究課題〉 環境負荷低減を目指した高効率発電 プラント用耐熱合金の合理的設計
 助成研究者 名古屋大学 村田 純教



# 環境負荷低減を目指した高効率発電プラント用 耐熱合金の合理的設計

村田 純教 (名古屋大学)

# Reasonable design of heat resistant alloys for the use of power plants aimed at reduction of environmental burdens

Yoshinori Murata

(Nagoya University)

## Abstract:

In order to decrease carbon-dioxide emission, it is important for increasing the efficiency of fossil power plants. Advanced nickel-based superalloys make it possible to increase the efficiency due to their excellent heat-resistant performance. Nickel based superalloys compose of two phases, i.e., gamma-prime ( $\gamma'$ ) phase as the strengthening phase and gamma ( $\gamma$ ) phase as the matrix. The gamma-prime phase changes its shape from cubic to plate (rafted structure) in-service period of the superalloys in power plants. This rafting phenomenon is essentially related to the anisotropic relaxation of the lattice misfit between the  $\gamma$  and  $\gamma'$  phases due to the creep strain under the external stress. In this study, in order to simulate comprehensively from the formation to collapse processes of the rafted structure by the phase-field method, a new idea that the anisotropy increases with simulation time is employed in the calculation of the elastic strain energy in alloy. This idea corresponds to the phenomenon that creep strain increases with creep time. The results obtained in this study are in good agreement with the microstructural change observed in practical Ni-based alloys and give a useful guide to design the superalloys.

### 1. はじめに

先進の火力発電プラントではガスタービンを用いた複合発電システムが採用され、熱効率の向上 が図られている。この熱効率はガスタービンに用いられる耐熱合金の性能(耐熱性)に大きく依存 する。この耐熱性の観点から、ガスタービンの最も過酷な環境に曝される部分では、高温強度、高 温耐食性、靭性など総合的な性能によりニッケル基超合金が用いられており、さらなる性能向上が 求められている。ニッケル基超合金はニッケル固溶体であるγ相中にNi<sub>3</sub>Al型の金属間化合物であ るγ'相を析出させることにより強化されている。時効熱処理によって形成される立方体状のγ' 相はクリープ初期に板状のいわゆるラフト構造を形成し、そこで形成される γ/γ'相界面によっ て転位の運動が妨げられることで優れた高温強度を示すと考えられている<sup>1,2)</sup>。高温・低応力条件で は、このラフト構造はクリープ最終段階で崩壊し、大きく波打った形状へと変化することが知られ ており<sup>3)</sup>、クリープ強度の保持にはラフト構造の安定性が重要であると考えられる。

ラフト構造の形成および崩壊のメカニズムについては、応力によってわずかなクリープ歪を与え るとその後の応力除去の時効でラフト構造を形成するという実験事実が報告されていることから<sup>47</sup>、 弾塑性論に基づく理解がなされている<sup>89</sup>。市坪らは、弾性歪エネルギー計算により、クリープ転位 によってγとγ'相の格子定数ミスフィットが異方的に緩和されることがラフト構造形成に結びつ くとしている<sup>8</sup>。またRatelらは、γ相の塑性歪を考慮したエネルギー解析によって、γ'相の安定 な形状・結晶方位が実験結果と一致することを示している<sup>9</sup>。

Ni-Al系における微細組織形成過程については、近年Phase-field法を用いたモデル化が試みられている<sup>10-12)</sup>。Phase-field法とは、異相界面において連続的に変化するいわゆるPhase-field変数を用いて対象とする組織を記述し、Phase-field変数の時間および空間発展を系の全自由エネルギーをもとに数値解析することで組織変化をシミュレートする手法である。Ni-Al系におけるこれまでの報告は、時効熱処理による γ'相の立方体形状形成過程についてのものが多く<sup>10-12</sup>、ラフト構造の形成から崩壊まで一貫したシミュレーションについては報告がない。

本研究では、格子定数ミスフィットの異方性緩和を考慮した弾性歪エネルギー計算をもとに、ク リープ変形に対応した一連のラフト現象における微細組織形成過程をPhase-field法によってシミュ レートすることにより、ラフトの形成・崩壊の主要因を明らかにして、合理的な合金設計指針を得 ることを目的とした。

#### 2. 計算手法

ニッケル基超合金の組織として( $\gamma + \gamma'$ )二相組織を計算対象とした。 $\gamma$ 相はfcc構造の不規則固溶体相、 $\gamma'$ 相はL1<sub>2</sub>構造を有する規則相である。組織を記述する秩序変数として、 $\gamma'$ 相の局所的な体積分率 $f(\mathbf{r},t)$ 、および $\gamma'$ 相の規則化に起因する四つのバリアントを記述する秩序変数  $\phi_i(\mathbf{r},t)(i=1,2,3,4)$ を採用した。これら秩序変数は位置**r**および時間tの関数である。秩序変数の時間発展は、

$$\frac{\partial f(\mathbf{r},t)}{\partial t} = M \nabla^2 \frac{\delta G_{sys}}{\delta f(\mathbf{r},t)} , \qquad (1)$$

$$\frac{\partial \phi_i(\mathbf{r}, t)}{\partial t} = -L \frac{\delta G_{sys}}{\delta \phi_i(\mathbf{r}, t)} \quad (i = 1, 2, 3, 4) , \qquad (2)$$

にて与えられる。 $M \ge L$ はそれぞれ、拡散の易動度および秩序変数  $\phi_i(\mathbf{r},t)$ の緩和係数であり、本計 算では温度のみの関数と仮定する。 $G_{ss}$ は系の全自由エネルギーで、化学的自由エネルギー $G_{chem}$ 、勾 配エネルギー $E_{grad}$ および弾性歪エネルギー $E_{sr}$ の総和として

$$G_{sys} = \iint [G_{chem}(\mathbf{r}, t) + E_{grad}(\mathbf{r}, t) + E_{str}(\mathbf{r}, t)] d\mathbf{r}, \qquad (3)$$

にて与えられる。

本計算では、γ相とγ'相の化学的自由エネルギーを、それぞれ、

$$G_{chem}^{\gamma}(f,T) = \frac{1}{2} W_1(T) f^2 , \quad G_{chem}^{\gamma'}(f,T) = \frac{1}{2} W_2(T) (1-f)^2 , \quad (4)$$

とし、 $(\gamma + \gamma')$ 二相組織の相分離を記述する化学的自由エネルギーを、

$$G_{chem} = G_{chem}^{\gamma} (f_m, T) \{ 1 - h(\phi_i) \} + G_{chem}^{\gamma'} (f_p, T) h(\phi_i) + W_{12} (T) g(\phi_i),$$
(5)

とおいた<sup>12)</sup>。ここで、*T*は絶対温度で、 $W_i(T)$ は温度の関数である。 $W_1 \ge W_2$ は熱力学データベースを用いた副格子モデルに基づくGibbsエネルギー計算から決定される係数である。 $f_m$ および $f_p$ は、それぞれ、局所的な界面を構成する母相( $\gamma$ )と析出相( $\gamma$ )の体積分率であり、次式に示す平衡接線の関係より決定される<sup>12)</sup>。

$$\left( \frac{\partial G_c^{\gamma}}{\partial f} \right)_{f=f_m} = \left( \frac{\partial G_c^{\gamma'}}{\partial f} \right)_{f=f_p} ,$$

$$f = f_m \{ 1 - h(\phi_i) \} + f_p h(\phi_i)$$

$$(6)$$

ここで、関数 $h(\phi_i) \ge g(\phi_i)$ は、

$$h(\phi_i) = \sum_{i=1}^{4} \left[ \phi_i^3 \left( 10 - 15\phi_i + 6\phi_i^2 \right) \right], \quad g(\phi_i) = \sum_{i=1}^{4} \left[ \phi_i^2 \left( 1 - \phi_i \right)^2 \right] + \alpha \sum_{i=1}^{4} \sum_{j \neq i}^{4} \phi_i^2 \phi_j^2, \tag{7}$$

にて定義される。

勾配エネルギーは秩序変数  $\phi_i(\mathbf{r},t)$ の勾配として

$$E_{grad} = \frac{1}{2} \kappa_{\phi} \sum_{i=1}^{4} \left( \nabla \phi_i \right)^2, \tag{8}$$

とする。 $\kappa_{i}$ は勾配エネルギー係数である。式(5)中の $W_{12}$ および式(8)中の $\kappa_{i}$ は界面エネルギー密度 と界面幅により決定される係数である<sup>12)</sup>。

γとγ'相の格子定数ミスフィットに起因する弾性歪エネルギーはマイクロメカニクスに基づい て以下のように計算される<sup>13,14</sup>。

$$E_{str} = \frac{1}{2} C_{ijkl} \varepsilon_{ij}^{el}(\mathbf{r}, t) \varepsilon_{kl}^{el}(\mathbf{r}, t) , \qquad (9)$$

ここで、弾性歪は  $\epsilon_{ii}^{el}$  拘束歪  $\epsilon_{ii}^{c}$  および eigen 歪  $\epsilon_{ii}^{0}$  を用いて

$$\varepsilon_{ii}^{el}(\mathbf{r},t) = \varepsilon_{ii}^{c}(\mathbf{r},t) - \varepsilon_{ii}^{0}(\mathbf{r},t), \qquad (10)$$

と表される。また eigen 歪は秩序変数  $\phi_i(\mathbf{r},t)$ を用いて

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{ij}^{0}(\mathbf{r},t) = \boldsymbol{\varepsilon}_{ij}^{*}\boldsymbol{h}(\phi_{i}), \qquad (11)$$

にて与えられる。ただし  $\epsilon_{ii}^*$  は全固有歪である。平衡方程式より弾性歪  $\epsilon_{ki}^{ei}$  ( $\mathbf{r}, t$ )は

$$\varepsilon_{kl}^{c}(\mathbf{r},t) - \varepsilon_{kl}^{0}(\mathbf{r},t) = \int_{\mathbf{k}} \left\{ \varepsilon_{kl}^{c}(\mathbf{k},t) - \varepsilon_{kl}^{0}(\mathbf{k},t) \right\} \exp(i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}) \frac{d\mathbf{k}}{(2\pi)^{3}}$$

$$\varepsilon_{kl}^{c}(\mathbf{k},t) = \frac{1}{2} C_{pqmn} \left\{ k_{k} k_{q} \Omega_{pl}(\mathbf{k}) + k_{l} k_{q} \Omega_{pk}(\mathbf{k}) \right\} \varepsilon_{mn}^{0}(\mathbf{k},t)$$
(12)

にて与えられる。 $C_{ijkl}$ は弾性定数であり、ここでは非等方弾性体を想定する。**k**は逆格子空間ベクト ルを表しており、 $\epsilon_{kl}^{0}(\mathbf{k},t) \geq \epsilon_{kl}^{0}(\mathbf{k},t)$ はそれぞれ $\epsilon_{kl}^{\circ}(\mathbf{k},t) \geq \epsilon_{kl}^{0}(\mathbf{k},t)$ のフーリエ変換である。また $\Omega_{kl}^{-1}(\mathbf{k})$ は $\Omega_{kl}^{-1}(\mathbf{k}) = C_{ijkl}k_{j}k_{i}$ にて与えられる。

γとγ'相の格子定数ミスフィット歪はそれぞれの格子定数a,およびa, を用いて

$$\boldsymbol{\varepsilon}^{T} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{\varepsilon}_{0} & \boldsymbol{0} & \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{0} & \boldsymbol{\varepsilon}_{0} & \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{0} & \boldsymbol{0} & \boldsymbol{\varepsilon}_{0} \end{pmatrix}, \quad \boldsymbol{\varepsilon}_{0} = \frac{\boldsymbol{a}_{\gamma} - \boldsymbol{a}_{\gamma}}{\boldsymbol{a}_{\gamma}}, \tag{13}$$

にて表される。本計算ではγ相のクリープ変形を考慮し、[001]方向に引張応力がかかった場合の γ相の[001]方向のクリープ歪をε,とし、この塑性変形によるミスフィット歪を

$$\boldsymbol{\varepsilon}^{P} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{\varepsilon}_{p}/2 & 0 & 0\\ 0 & \boldsymbol{\varepsilon}_{p}/2 & 0\\ 0 & 0 & -\boldsymbol{\varepsilon}_{p} \end{pmatrix},$$
(14)

にて表す<sup>9</sup>。したがって全固有歪は  $\epsilon^{T} \geq \epsilon^{P}$ の和として

$$\boldsymbol{\varepsilon}^* = \boldsymbol{\varepsilon}^T + \boldsymbol{\varepsilon}^P, \tag{15}$$

と計算される。

#### 3. 計算結果と考察

#### 3.1 γ'相組織変化のPhase-fieldシミュレーション

図1はクリープによって導入される歪を想定した973Kにおける( $\gamma + \gamma'$ )二相組織形成過程の 二次元Phase-fieldシミュレーション結果である。シミュレーションは周期境界条件のもと陽解法 により式(1)と(2)を同時に数値解析することによって行った。式(4)中の係数は、Ni-Al二元系の 973KにおけるGibbsエネルギー計算をもとに $W_1 = 4.30 \times 10^3 J/mol, W_2 = 9.00 \times 10^3 J/mol$ とした<sup>15)</sup>。 また勾配エネルギー係数として $\kappa_{\phi} = 8.52 \times 10^{11} J/m$ 、弾性歪エネルギー計算において $\varepsilon_0 = -0.01$ 、 両相に対して純Niの弾性定数 ( $c_{11} = 258.8GPa, c_{12} = 150.0GPa, c_{44} = 123.5GPa$ )<sup>16)</sup>を用いた。 $\gamma'$ 相の 体積分率は0.5に設定した。図1では黒い部分が $\gamma$ 相、白い部分が $\gamma'$ 相を表しており、上下左右 方向が <001>方向に対応している。また時間はシミュレーションにおけるステップ数を表して いる。



simulation time (black area:  $\gamma$  phase, white area:  $\gamma$  'phase).

t=10000までは応力のかかっていない単純時効過程を想定したシミュレーションとなっている。  $\gamma'$ 相が粗大化するとともに、異方性をもつ弾性相互作用により立方体状の $\gamma'$ 相が <001>方 向に配列する様子を再現できている。t=10000以降はクリープ過程を想定したシミュレーション であり、[001]方向(図で上下方向)に引張応力がかかった場合にクリープ中にクリープ歪が増 加することを想定して、 $d\epsilon_p/dt = 2 \times 10^6$ という一定の割合でクリープ歪を増加させて計算してい る。このとき全固有歪が立方対称から正方対称へと変化し、(001)ラフト構造を形成する様子が みてとれる。さらにクリープ歪が増大するとt=20000以降は $\epsilon_{11}^*(=\epsilon_{22}^*)$ の符号が正となり、一旦形 成された(001)ラフト構造が時々刻々と変化し、最終的にt=26000~27000の結果が示すように崩 壊することが分かる。

図2(a)は発電ガスタービン用材料として開発されたニッケル基超合金(Ni-14.0mol%Cr-10.8%Al-3.8%Co-2.5%W-1.9%Ta-1.5%Ti-0.3%Mo)を1193K、248MPaにおいて1145hのクリープ破断試験を行 った後のミクロ組織を示している<sup>3</sup>。また図2(b)は今回行ったシミュレーションのt=27000におけ



Fig.2 Comparison between the microstructure in a practical nickel-based superalloys, (a), and the simulation result, (b).

る結果である。これらの結果から、本研究におけるシミュレーションは実合金におけるラフト構造形成から崩壊までの組織変化を再現できていると言える。

# 3.2 クリープにおけるγ'相の安定形状の解析

前節ではクリープ歪が導入されると立方体形状の $\gamma$ '相から(001)ラフト構造に変化し、さら なるクリープ歪の導入によって(001)ラフト構造が崩壊してゆく過程がシミュレーション結果と して示された。これら一連の現象を2章で述べたクリープ変形を考慮した弾性歪エネルギー計算 により考察する。図3は、両相に対して純Niの弾性定数 ( $c_{11}$ = 258.8*GPa*,  $c_{12}$ = 150.0*GPa*,  $c_{44}$ = 123.5*GPa*)<sup>16</sup>を用い $a \times a \times c$ 形状の $\gamma$ '相の弾性歪エネルギーを1-c/aの関数としてプロットした 図である。図では $\gamma$ 相の[001]方向のクリープ歪  $\varepsilon_{p}$ が0 (〇)、0.02 (△)、0.04 (□)の三つの場 合の結果を示している。ここでは、格子定数ミスフィットを $\varepsilon_{0}$ = -0.01、 $\gamma$ '相の体積分率を0.5 とし、また棒状 $\gamma$ '相および板状 $\gamma$ '相の軸比c/aをそれぞれ1.414および0.5としている。

クリープ歪  $\epsilon_{p} = 0$ の場合、全固有歪は立方 対称であり弾性歪エネルギーは $\gamma'$ 相形状 に依らない。しかし、 $\epsilon_{p}$ が徐々に増加するに つれて全固有歪が正方対称へと変化すると、  $\epsilon_{p} = 0.02$ の場合の結果が示すように、板状  $\gamma'$ 相の弾性歪エネルギーは棒状 $\gamma'$ 相のぞ れより小さくなることが分かる。このことか ら、高温・低応力クリープのように組織変化 が原子拡散に支配される条件では、 $\gamma'$ 相が ラフト化することによって析出による弾性歪 エネルギーが緩和されることになる。

ここで興味深いのは、クリープ変形がさら に進行し、格子定数ミスフィットが緩和され る以上のクリープ歪が導入され  $\epsilon_{11}^{*}$  (=  $\epsilon_{22}^{*}$ )の符 号が正に変わると(本計算の場合 ε,が0.02を 超えると)、γ'相の安定形状が変化する点 である。図4はクリープ歪  $\epsilon_{y}$ と板状  $\gamma'$ 相 (c/a=0.5)の弾性歪エネルギーの関係を示し た図である。クリープ過程でラフト構造が形 成されると一旦は弾性歪エネルギーが緩和さ れるものの、 $\epsilon$ , が0.02を超えると板状 $\gamma$ '相 の弾性歪エネルギーが増加することが分か る。以上のように、一連のラフト現象が、母 相のクリープ歪による γ と γ'相の格子定数 ミスフィットの異方性緩和によることが示さ れた。このような、γ'相の立方体形状から ラフト構造の形成は必ずしもニッケル基超合



Fig.3 Change in elastic strain energy with the shape change of the  $\gamma$ 'phase.



y' phase subjected to creep strain.

金のクリープ強度を低下させるものではない。しかしながら、ラフト構造の崩壊(波うち)はニ ッケル基超合金のクリープ強度を確実に低下させる。したがって、ラフト構造の崩壊を抑制する ような格子ミスフィットをもたらす合金元素の選択が、合金設計上重要になる。

#### 4.まとめ

本研究では、Phase-field法によりニッケル基超合金のクリープにともなうラフト構造形成から崩 壊まで一貫した組織形成過程のシミュレーションを行った。計算ではクリープ中にクリープ歪が増 加することを想定して、クリープ歪を一定の割合で増加させることでγとγ'相の格子定数ミスフ ィットの異方性緩和を考慮した。その結果、[001]引張応力による(001)ラフト構造の形成とその後 のラフト構造の崩壊というクリープにおけるγ'相の組織変化を再現できた。ここで得られた結果 は、ニッケル基超合金の元素選択に対する重要な指針を与えるものである。

### 参考文献

- D. D. Pearson, F. D. Lemkey and B. H. Kear: Superalloys 1980, (The Minerals, Metal & Materials Society, 1980) pp. 513-520.
- 2) J. K. Tien and R. P. Gamble: Metall. Trans. 3 (1972) 2157-2162.
- Y. Murata, R. Hashizume, A. Yoshinari, N. Aoki, M. Morinaga and Y. Fukui: Superalloys 2000, (The Minerals, Metal & Materials Society, 2000) pp. 285-294.
- 4) N. Matan, D. C. Cox, C. M. F. Rae and R. C. Reed: Acta Mater. 47 (1999) 2031-2045.
- 5) M. V?ron, Y. Br?chet and F. Louchet: Scr. Mater. 34 (1996) 1883-1886.
- 6) M. V?ron and P. Bastie: Acta Mater. 45 (1997) 3277-3282.
- 7) 三浦信祐, 原田尚輝, 田中太, 李鎮承, 近藤義宏: 材料とプロセス, 15(2002), 540.
- 8) T. Ichitsubo, D. Koumoto, M. Hirao, K. Tanaka, M. Osawa, T. Yokokawa and H. Harada: Acta Mater. 51 (2003) 4033-4044.
- 9) N. Ratel, G. Bruno, P. Bastie and T. Mori: Acta Mater. 54 (2006) 5087-5093.
- 10) V. Vaithyanathan and L. Q. Chen: Acta Mater. 50 (2002) 4061-4073.
- 11) J. Z. Zhu, T. Wang, S. H. Zhou, Z. K. Liu and L. Q. Chen: Acta Mater. 52 (2004) 833-840.
- 12) J. Z. Zhu, T. Wang, A. J. Ardell, S. H. Zhou, Z. K. Liu and L. Q. Chen: Acta Mater. 52 (2004) 2837-2845.
- 13) A. G. Khachaturyan: Theory of structural transformation in solids, (Wiley, New York, 1983).
- 14) T. Mura: Micromechanics of Defects in Solids, 2nd revised ed., (Kluwer Academic, 1991).
- 15) I. Ansara, N. Dupin, H. L. Lukas and B. Sundman: J. Alloy. Compd. 247 (1997) 20-30.
- 16) 金属データブック改訂2版, (日本金属学会, 丸善, 1984).